Savoir sans Frontières

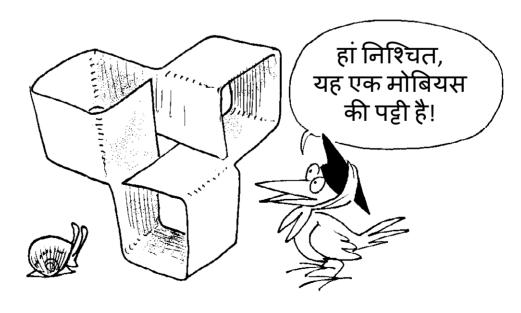
द एडवेंचर्स ऑफ आर्चीबाल्ड हिगिंस

टोपो की दुनिया

Jean-Pierre Petit

जीन-पियरे पेटिट

हिंदी: अरविन्द गुप्ता



http://www.savoir-sans-frontieres.com

प्रोफेसर जीन-पियरे पेटिट पेशे से एक एस्ट्रो-फिजिसिस्ट हैं. उन्होंने "एसोसिएशन ऑफ़ नॉलेज विद्वआउट बॉर्डर्स" की स्थापना की और वो उसके अध्यक्ष भी हैं. इस संस्था का उद्देश्य वैज्ञानिक और तकनीकी ज्ञान और जानकारी को अधिक-से-अधिक देशों में फैलाना है. इस उद्देश्य के लिए, उनके सभी लोकप्रिय विज्ञान संबंधी लेख जिन्हें उन्होंने पिछले तीस वर्षों में तैयार किया और उनके द्वारा बनाई गई सचित्र एलबम्स, आज सभी को आसानी से और निशुल्क उपलब्ध हैं. उपलब्ध फाइलों से डिजिटल, अथवा प्रिंटेड कॉपियों की अतिरिक्त प्रतियां आसानी से बनाई जा सकती हैं. एसोसिएशन के उद्देश्य को पूरा करने के लिए इन पुस्तकों को स्कूलों, कॉलेजों और विश्वविद्यालयों के पुस्तकालयों में भेजा जा सकता है, बशर्ते इससे कोई आर्थिक और राजनीतिक लाभ प्राप्त न करें और उनका कोई, सांप्रदायिक दुरूपयोग न हो. इन पीडीएफ फाइलों को स्कूलों और विश्वविद्यालयों के पुस्तकालयों के कंप्यूटर नेटवर्क पर भी डाला जा सकता है.



जीन-पियरे पेटिट ऐसे अनेक कार्य करना चाहते हैं जो अधिकांश लोगों को आसानी से उपलब्ध हो सकें. यहां तक कि निरक्षर लोग भी उन्हें पढ़ सकें. क्योंकि जब पाठक उन पर क्लिक करेंगे तो लिखित भाग स्वयं ही "बोलेगा". इस प्रकार के नवाचार "साक्षरता योजनाओं" में सहायक होंगे. दूसरी एल्बम "द्विभाषी" होंगी जहां मात्र एक क्लिक करने से ही एक भाषा से दूसरी भाषा में स्विच करना संभव होगा. इसके लिए एक उपकरण उपलब्ध कराया जायेगा जो भाषा कौशल विकसित करने में लोगों को मदद देगा.

जीन-पियरे पेटिट का जन्म 1937 में हुआ था. उन्होंने फ्रेंच अनुसंधान में अपना करियर बनाया. उन्होंने प्लाज्मा भौतिक वैज्ञानिक के रूप में काम किया, उन्होंने एक कंप्यूटर साइंस सेंटर का निर्देशन किया, और तमाम सॉफ्टवेयर्स बनाए. उनके सैकड़ों लेख वैज्ञानिक पत्रिकाओं में प्रकाशित हुए हैं जिनमें द्रव यांत्रिकी से लेकर सैद्धांतिक सृष्टिशास्त्र तक के विषय शामिल हैं. उन्होंने लगभग तीस पुस्तकें लिखी हैं जिनका कई भाषाओं में अनुवाद हुआ है.

निम्नलिखित इंटरनेट साइट पर एसोसिएशन से संपर्क किया जा सकता है:

पाठकों को चेतावनी

इस पुस्तक को पढ़ने से बचें :

- शाम को बिस्तर में सोने से पहले
- भारी भोजन के बाद
- या जब आप हर चीज़ के बारे में अनिश्चित हों,
 क्योंकि इसे पढ़ने से हालात और बदतर बनेंगे.

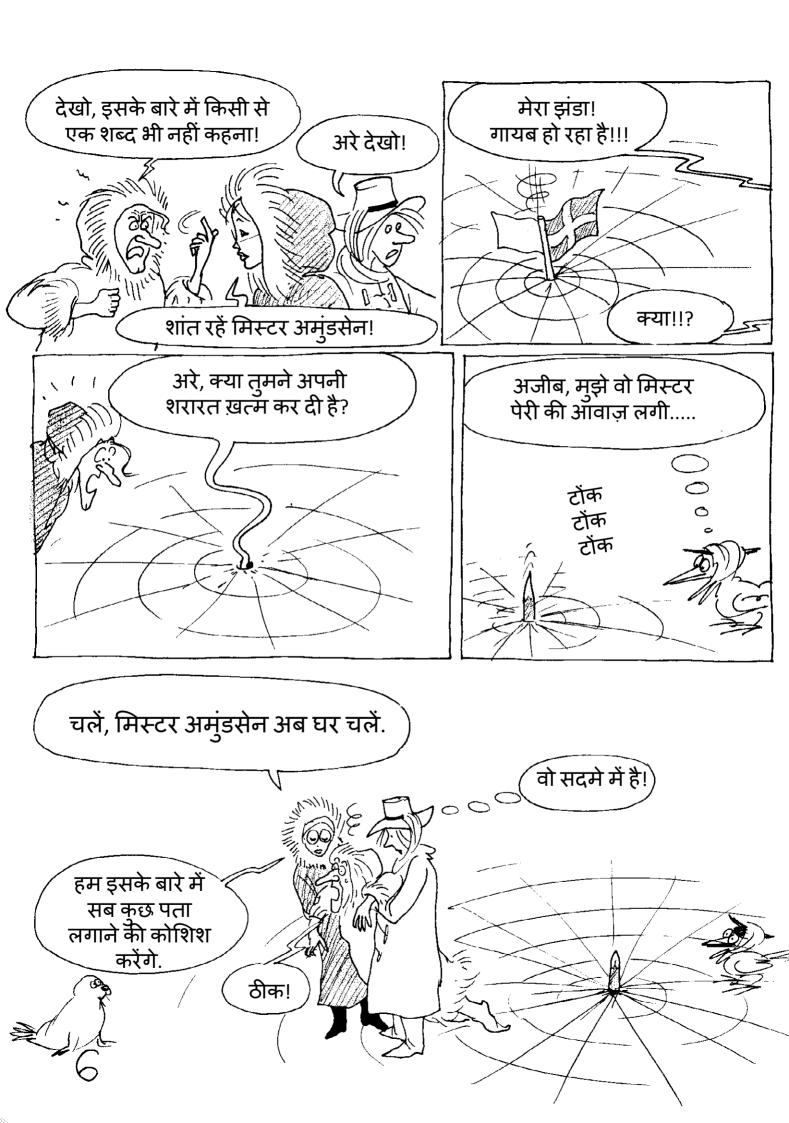
- लेखक

दक्षिण-ध्रुव के बिना एक ग्रह













अगर हम मिस्टर अमुंडसेन को उनकी कठिन स्थिति से बाहर निकालना चाहते हैं, तो पहले हमें इस अजीब ग्रह के आकार को समझना होगा. आइए हम टोपोलोजी के कुछ बुनियादी सिद्धांतों का उपयोग करें. उसके लिए, हम सभी वस्तुओं को अपघटित (डीकंपोज़) करेंगे:

सिकुड़े हुए सेल

नष्ट न होने वाली यह वस्तु एक बिंदु लगती है ...

> आप एक बिंदु के साथ क्या कर सकते हैं?

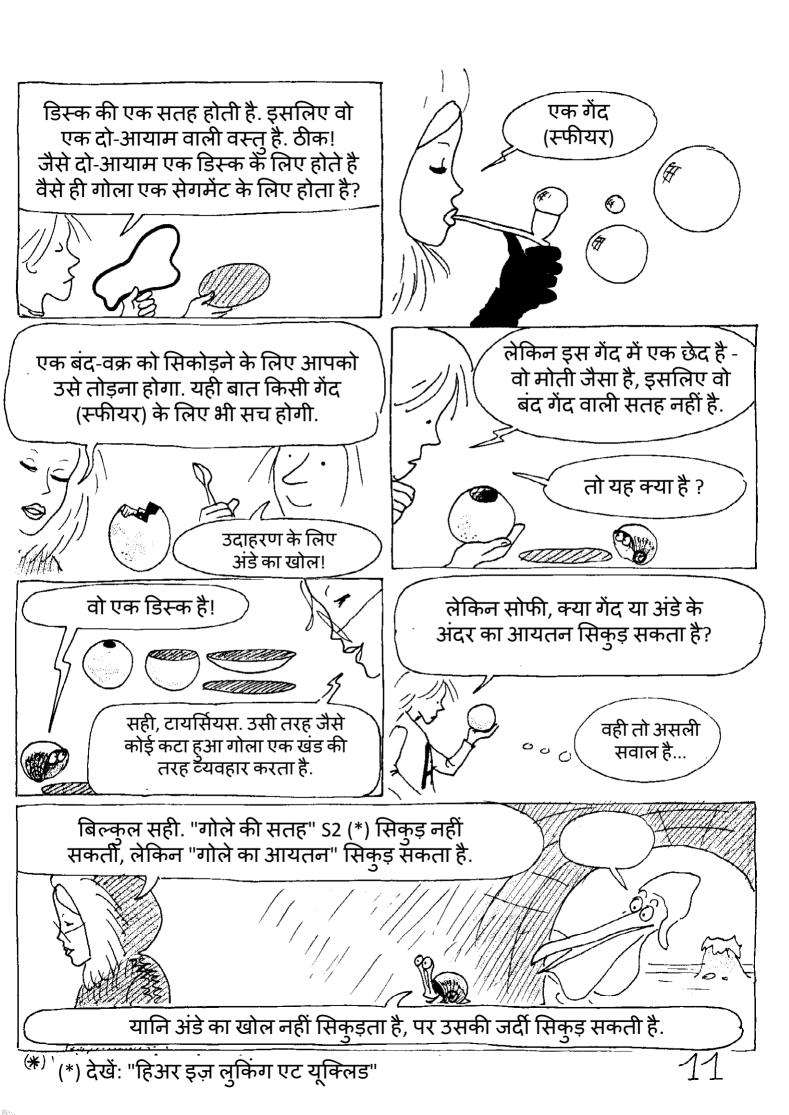
एक वस्तु, जिसे बिंदुओं का एक समूह माना जाता है, वो अंतरिक्ष में एक निश्चित स्थान ग्रहण करती है. वो "कॉन्ट्रेक्टबिल" होगी अगर वो खुद सिमटकर और सिकुड़कर एक बिंदु बन सके.

इसके लिए एक वक्र की मिसाल लें. वो वस्तु एक-आयाम वाली है.

इस वक्र पर एक बिंदु की स्थिति को केवल एक मात्रा से दर्शाया जा सकेगा - जो वक्र पर बिंदु की, उसके मूल उद्गम से, लाइन के बीच की दूरी होगी.





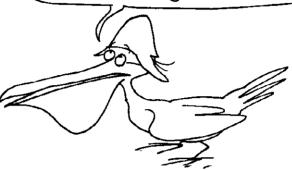




उसके दुस्साहस ने उसे एक ऐसी स्थिति में ला दिया, जिसे वो खुद नहीं संभाल सका.



अचानक वो अपने अस्तित्व के बारे में सवाल पूछने लगा! यह बहुत अच्छा है, लेकिन असली सवाल यह पता लगाना है कि आखिर वो दक्षिण-धुव कहां गया?

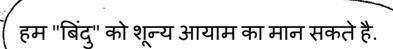


सेल्युलर अपघटन

प्रत्येक ज्यामितीय वस्तु को उसके तत्वों में विघटित किया जाएगा, सभी आयामों में सिकुड़ने वाली कोशिकाएं : बिंदु, खंड, सतहें और आयतन आदि होंगे.



फिर "बिंदु" का क्या आयाम होगा?



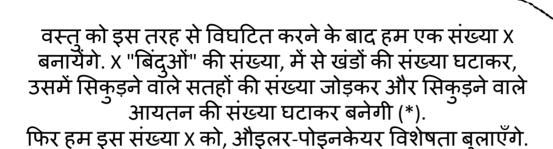


किसी सर्कल को विघटित करने के लिए आप उसे केवल एक खंड को एक "बिंदु" द्वारा बंद करने पर विचार करें. यदि मैं "बिंदु" हटाऊँगा तो फिर एक खंड ही बचेगा.



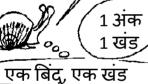


औइलर-पोइनकेयर विशेषताएँ **EULER-POINCARE CHARACTERISTIC**



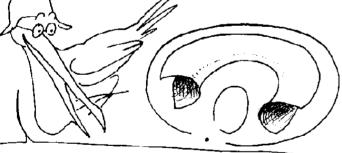
गोले (वृत्त) की X = 1-1 = 0 होगी.

गेंद की सतह के लिए X = 1-1 + 2 = 2 होगी.





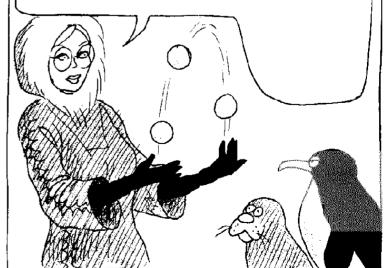
एक बिंद्, एक खंड, दो कैप्स

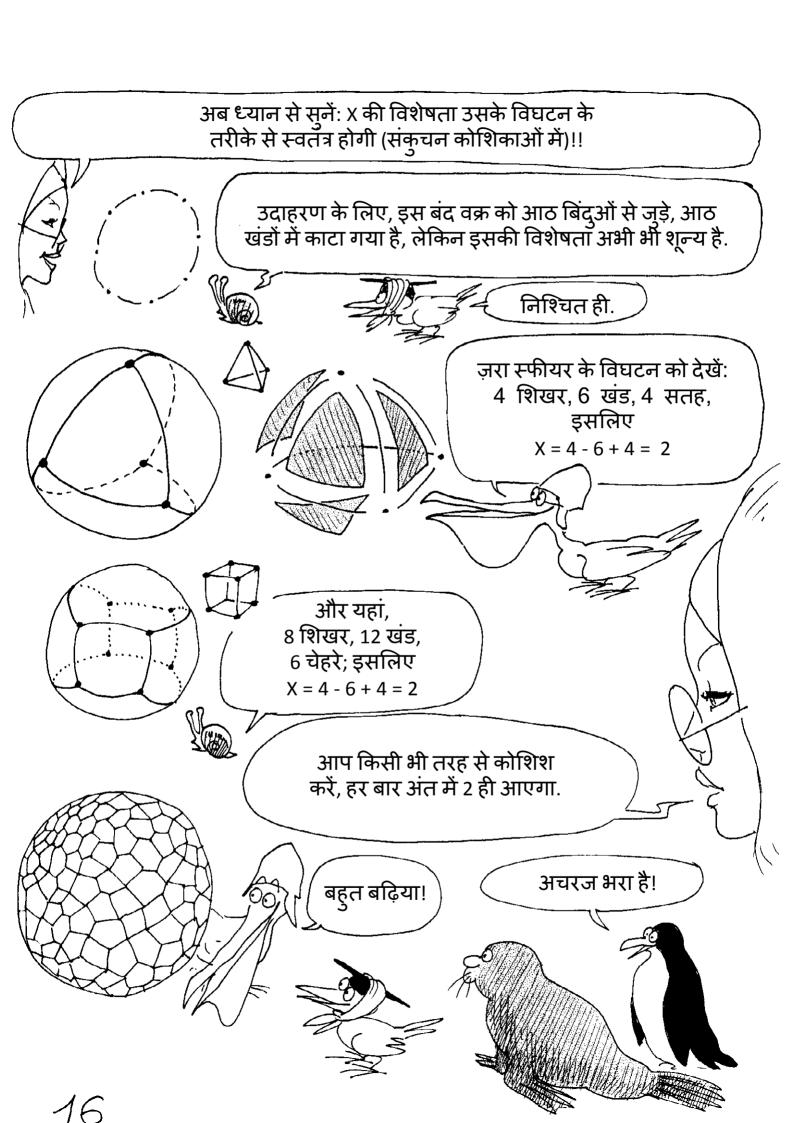


टोरस-सतह के लिए, एक बिंदु, दो खंड, एक सतह के लिए X = 1 - 2 + 1 = 0 होगी.

इसका मतलब 1 बिंद्, 2 खंडों और 1 सिकुड़ने वाली सँतह होगी. 🦐

गेंद-आयतन की विशेषता स्पष्ट रूप से -1 होगी, जबिक टोरस-आयतन 1-1 = 0 होगा (पृष्ठ 4 के ऊपर दाई ड्राइंग देखें)

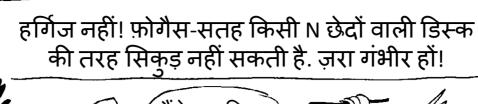




यहां एक उपयोगी प्रमेय (थ्योरम) है: यदि कोई वस्त् दो वस्त्ओं के मिलन से बनती है, तो उसकी विशेषता उसे बनाने वाली दोनों वस्तुओं का योग होगी. - प्रबंधन

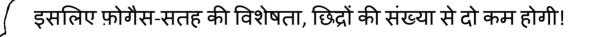


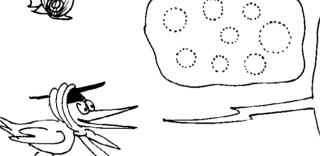
* फ़ोगैस : दक्षिणी फ्रांस में एक जैतून का तेल से बनने वाली एक डबलरोटी का नाम है.





अब हम एक हैंडल जोड़कर - गेंद-सतह (विशेषता 2) से टोरस-सतह (विशेषता शून्य) तक जा सकते हैं. इसका मतलब हैंडल, सतह की विशेषता को, 2 इकाइयों से कम करता है.

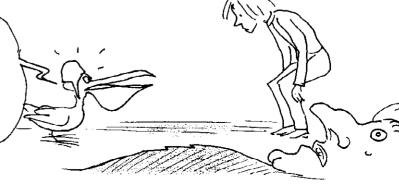




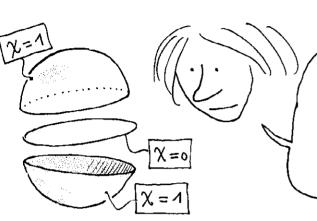
गुएरे-पनीर के एक टुकड़ा जिसमें N छेद हों में N गेंद-सतहें होंगी और अगर साथ में गोल बाहरी सतह भी हो, तो उसकी विशेषता X = 2 (1 + N) होगी.

इसलिए एक ग्रुएरे-आयतन बनाने के लिए, हम एक पूरी गेंद (X = 1) से शुरू करेंगे और हम N टुकड़ों गेंद-आयतन + गेंद-सतह (X + 2 - 1 = 1) को हटा देंगे. तब ग्रुएरे-आयतन की विशेषता (1 + N) के बराबर होगी.

लेकिन आप अपनी इस बकवास से गरीब अमुंडसेन की जियो-न्यूरोसिस को निश्चित रूप से ठीक नहीं कर पाएंगे!



हम जिस दुनिया में रहते हैं



हम एक गेंद S2 की विशेषता की गणना -दो गोलाधीं और भूमध्य-रेखा के मिलन को मानकर कर सकते हैं, जो X = 1 + 1 + 0 = 2 होगी.

"हिअर इज़ लुकिंग एट यूक्लिड" में हमनें तीन-आयामों वाली एक हाइपर-गेंद (हाइपर-स्फीयर) S3 की अवधारणा प्रस्तुत की थी. वो एक तीन-आयामी स्थान था जो पूरी तरह से खुद पर बंद था. चलें, इस हाइपर-स्फीयर एस S3 की विशेषता की गणना करें. जैसा कि हमने "हिअर इज़ लुकिंग एट यूक्लिड" में देखा कि भूमध्य रेखा (*) एक गेंद S2 है जिसकी विशेषता का मान 2 है.



इसलिए हमारा हाइपर-स्फीयर S3, दो सिकुड़ने वाले आयतनों का बना है, जिसमें प्रत्येक का मान -1 है. क्या तुम पागल हो?

 $\chi = -1 - 1 + 2 = 0$



चुटकी! SNAP!



* जो किसी वस्तु को दो समान तत्वों में अलग करता है.

फिर एक हाइपर-स्फीयर S3 की विशेषता शून्य होगी!

चलें, अब चार आयामों वाले हाइपर-स्फीयर S4 को देखें.



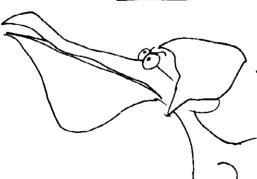
यह है हाइपर-स्फीयर स्पेस S3 जो समय (*) में चक्रीय रूप से विकसित हो रहा है. इस हाइपर-स्फीयर S4 में - एक भूमध्य-रेखा, हाइपर-स्फीयर S3 और दो गोलार्ध होंगे, दोनों की गिनती 1 होगी.

तो इस स्पेस-टाइम में, हाइपर-स्फीयर S4 की विशेषता X, एक बार फिर से 1 + 1 + 0 = 2 होगी.

अगर आप पांच-आयामों वाला S5 हाइपर-स्फीयर लेंगे, तो उसकी विशेषता फिर से "शून्य" होगी और उसकी भूमध्य-रेखा एक S4 हाइपर-स्फीयर होगी.



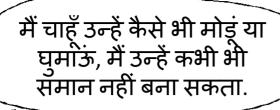
और इसी तरह सिलसिला बढ़ेगा... इसलिए एक हाइपर-स्फीयर SN की औइलर-पोइनकेयर विशेषता 2 होगी यदि N सम होगा है, और यदि N असम होगी तो वो 0 होगी.



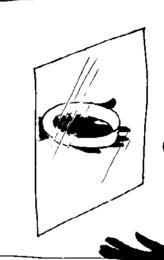
अरे! अगर यह इसी तरह चला तो फिर अमुंडसेन की तरह काम कर पाऊंगा.

(米) बिग-बैंग (BIG-BANG) और फ्रीडमैन (FRIEDMANN) के मॉडल पेज 64 पर देखें





वे एक ही "दिशा" में नहीं घूमीं हैं. असल में एक पट्टी, दूसरे की दर्पण-छवि है. हम इन्हें "इनैनटिओ-मोर्फिक" कहते हैं.



बिल्कुल जैसे मेरा बायाँ हाथ, मेरे दाहिने हाथ की दर्पण-छवि है.

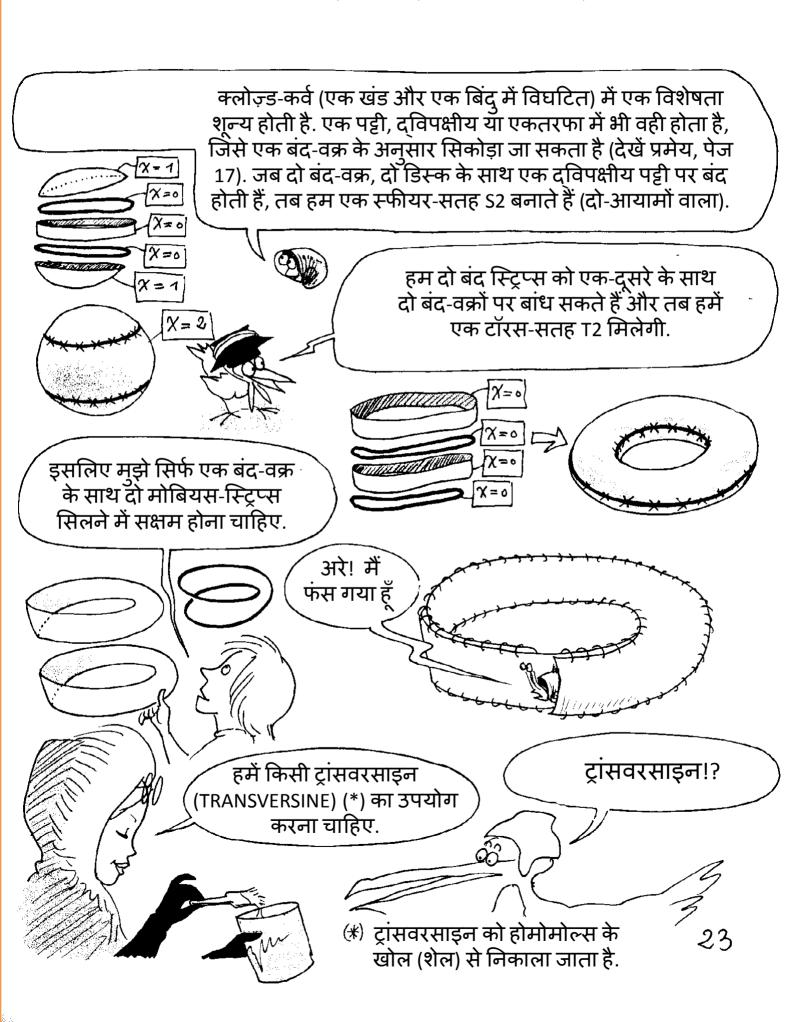
इस तरह की सब पट्टियां, जो एक बंद-वक्र की तरह सिकुड़ सकती हैं, की विशेषता 0 होगी.

> बेशक, N आयामों (*) वाली "इन-ओरिएंटेबिल" स्पेस भी होती हैं.

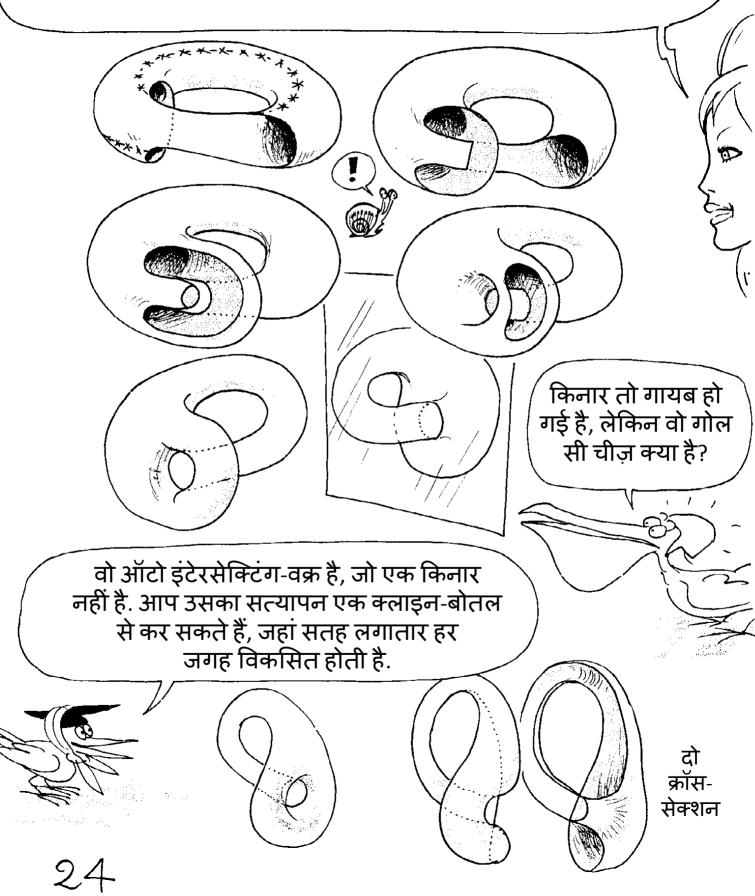
एक मोबियस-स्ट्रिप (पट्टी) एक "इन-ओरिएंटेबिल" सतह है जिसकी एक किनार है. क्या इस प्रकार की "इन-ओरिएंटेबिल" सतहें होती हैं जिनकी कोई किनार नहीं होती और जो खुद पर बंद होती हों?

उत्तर, अगले अध्याय में देखें.

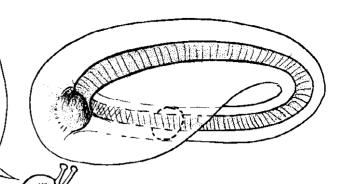
किनार-पर-किनार

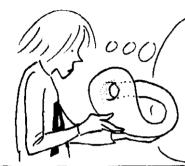


यदि हम ट्रांसवरसाइन को एक शेल पर पोतें तो वो उसकी किनार के अनुसार बढ़ना शुरू कर देगा, फिर वो एक बंद सतह बनाने के लिए प्रवृत्त होगा लेकिन वो उस सतह को, खुद में से गुजरने की अनुमति देगा!



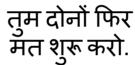
इसकी विशेषता शून्य है क्योंकि यह दो मोबियस-स्ट्रिप्स (X = 0) और एक बंद वक्र (X = 0) से बनी है. इनमें से किसी में भी आपको रास्ता खोजना आसान नहीं होगा.





बेशक, अगर आपको सतह पर एक मोबियस-पट्टी मिलती है, तो इसका मतलब होगा कि उसका केवल एक ही पक्ष होगा.

मुझे बताओ टायर्सियस, क्या हमें तुम्हारे शेल (खोल) पर मोबियस पट्टी नहीं मिल सकती है?







वो एक बहुत अजीब किस्म की सतह है.

अब तक हमने केवल उन्हीं सतहों पर छुआ है जो सामान्य रूप में एक-दूसरे को नहीं काटती हैं, जैसे कि गेंद (स्फीयर). जो सतह हमारी जगह में एक-दूसरे को काटती हैं उन्हें विसर्जन (IMMERSIONS) कहा जाता है.



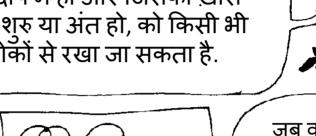
विसर्जन?



ड्बकी (Plunge) और

विसर्जन (Immersions)

एक बंद वक्र, जिसकी ज्यामितीय एक-आयामी हो. जिसके रास्ते में कोई दोष न हो और जिसकी ख़ास विशेषता - उसका कोई शुरु या अंत हो, को किसी भी प्लान पर अनंत तरीकों से रखा जा सकता है.







जब वो खुद अपने को नहीं कॉटता है, तो मैं कहंगा कि उसने सतह में डुबकी लगाई है, अन्यथा मैं कहंगा कि वो विसॉर्जन (*) है.

मुझे लगता है कि वे अन्तर्विभाजक बिंदुओं (इंटेरसेक्टिंग पॉइंट्स) की संख्या पर निर्भर करेगा.

नहीं, क्योंकि अगर मैं लगातार इन वक्रों को विकृत करता हं तो मैं बिंदुओं की जोडियों की प्रकट और गायब कर सकता हं. लेकिन मोड़ों की संख्या वही रहेगी.



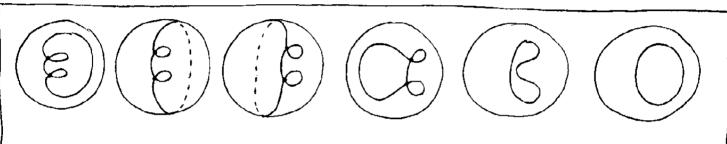
देखो, मैं एक वेक्टर बना रहा हूँ जो वक्र की स्पर्श-रेखा होगी.

(*) ड्बकी, विसर्जन का एक विशेष मामला है.



यह वस्तु को दर्शाने वाले स्थान पर निर्भर करता है. उदाहरण के लिए इस वक्र को देखें. इस प्लेन में दिखाए दोनों बिंदुओं से छुटकारा पाने का कोई तरीका नहीं है.

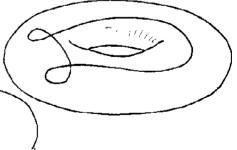




इसलिए कुछ चीजें जो एक तरह की दर्शाने वाली स्पेस में असंभव प्रतीत होती हैं (यहाँ प्लेन) किसी दूसरी स्पेस में टोपोलॉजी को बदलकर संभव हो सकती हैं.



इस प्लेन में, वक्र आसानी से पहले जैसा बनाया जा सकता है, पर अगर यह टोरस पर प्रदर्शित होगा तो आप इसे नहीं कर पाएंगे.



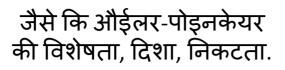




यह चिंताजनक है ...



टोपोलॉजी



एक-आयाम की वस्तुओं के लिए इसका मतलब होगा : वक्र खुला होगा या फिर बंद होगा.



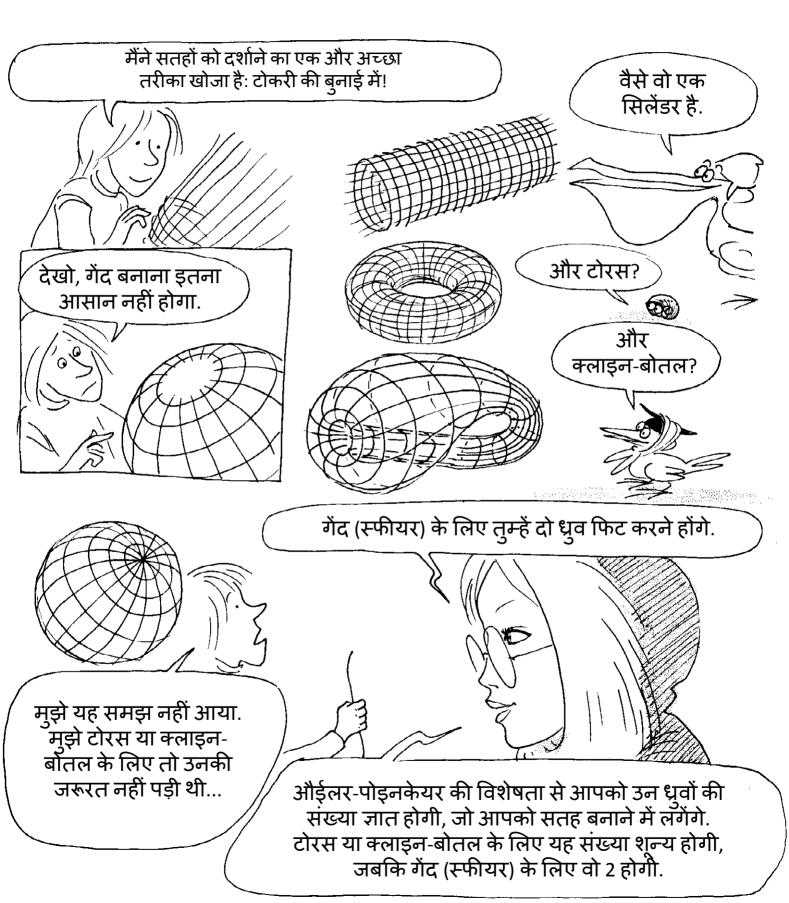


हमारी मानसिक संरचनाएं, हमारा तर्क, दुनिया के बारे में हमारी धारणा, ज्यामिती की नींव पर टिकी है, जो कभी भी ढह सकती है.



हम अपने दोस्त के नज़रिए में कुछ भी बदल नहीं ला सकते हैं. वो इस सांसारिक दुनिया को हमेशा नकारता रहा है.

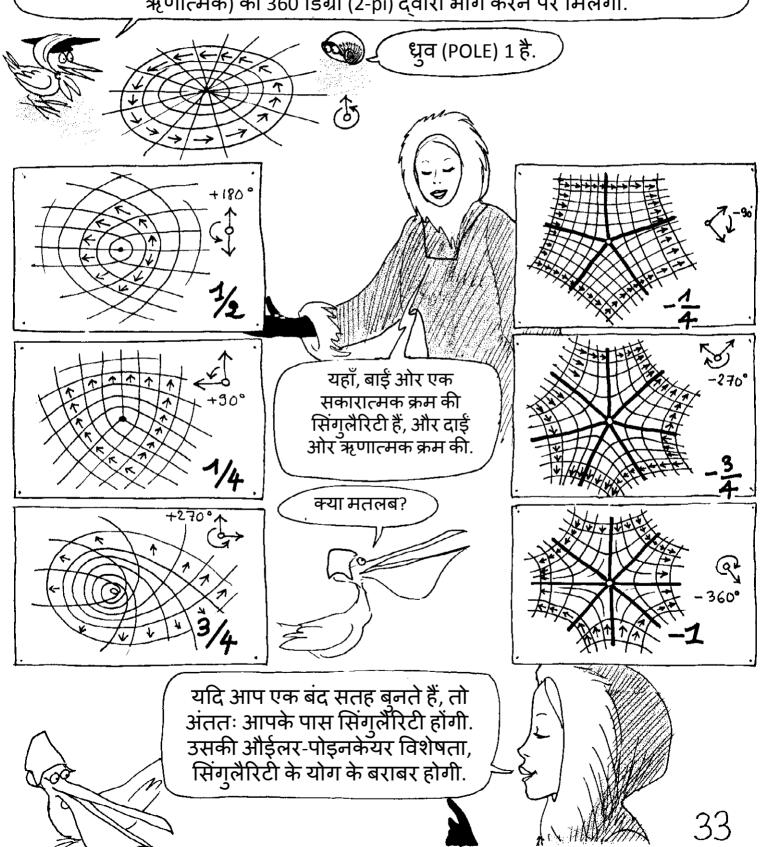
टोकरी बुनना

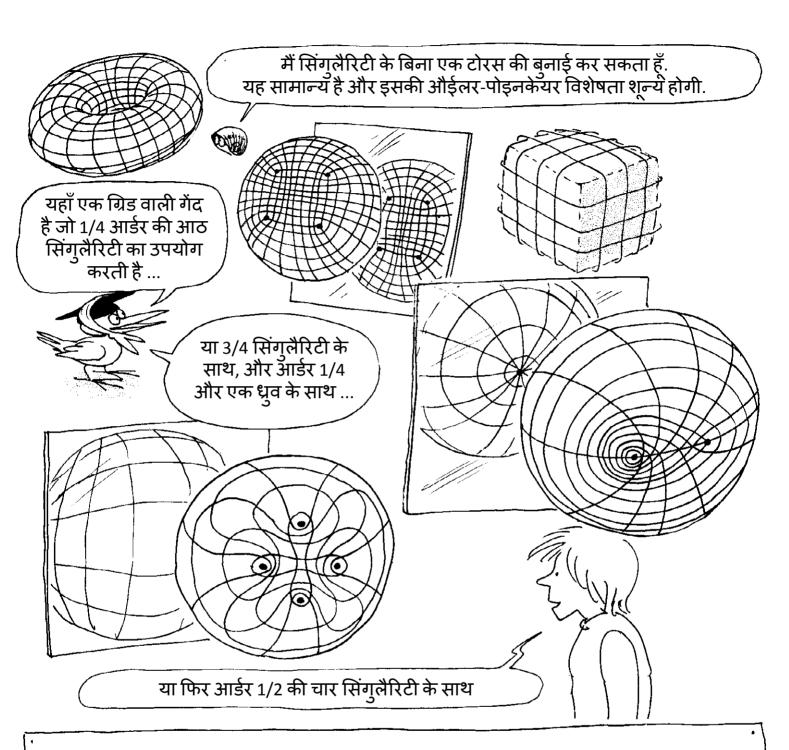




सिंगुलैरिटी (Singularity)

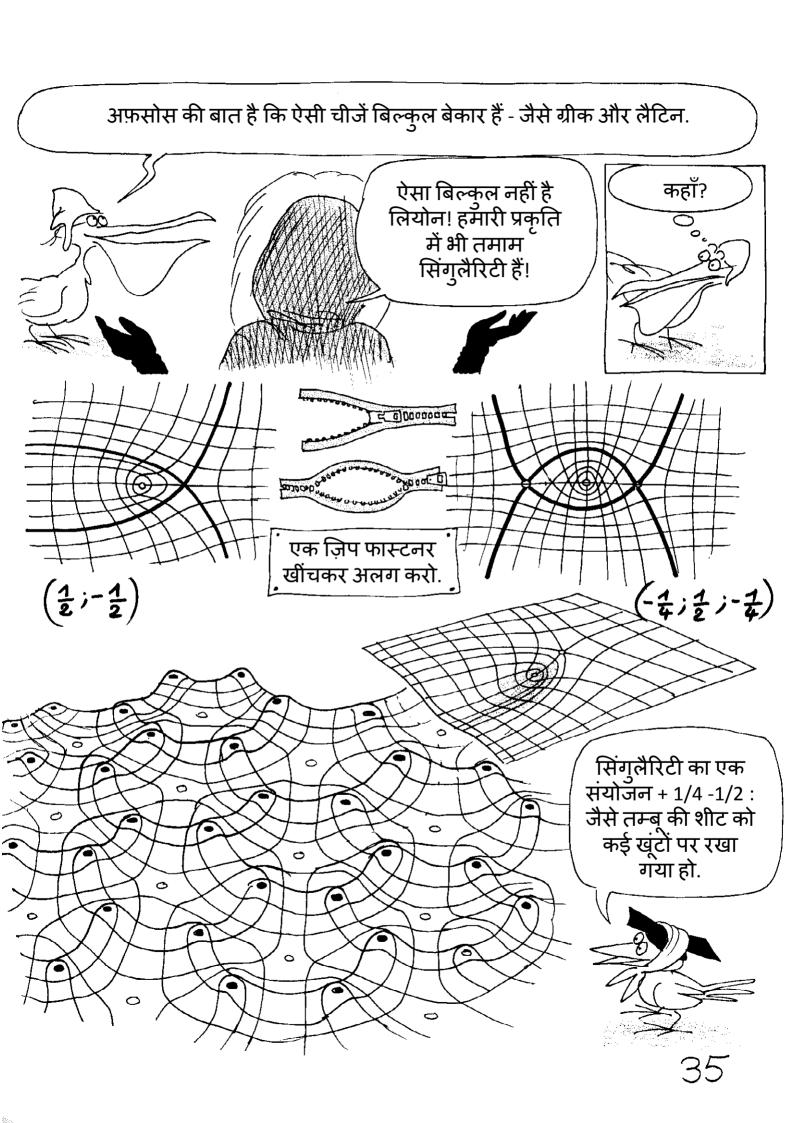
किसी भी बुनाई की सिंगुलैरिटी तीर की दिशा के कोण (सकारात्मक या ऋणात्मक) को 360 डिग्री (2-pi) द्वारा भाग करने पर मिलेगी.





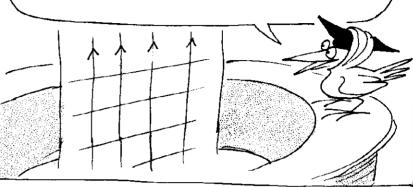
ध्यान दें :

जिन लोगों ने ब्लैक-होल्स (BLACK HOLE'S) पुस्तक के पेज 14 से 36 पढ़े हैं, उन्हें उन चित्रों में और इन चित्रों के POSICONES, NEGACONES और वक्रों के बीच बहुत समानता दिखाई दी होगी. ये सभी विचार, अनिवार्य रूप से कोणीय (ANGULAR) हैं जो किसी सतह की कुल वक्रता (TOTAL CURVATURE) से घनिष्ठ रूप से जुड़े हैं, जो हमारे तीन-आयामी स्पेस में दर्शाया गए हैं, और जो औईलर-पोइनकेयर विशेषता को 360 डिग्री (या 2-pi) से गुणा के बराबर होगी.

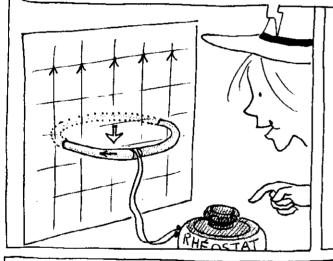




यह प्रणाली एक समरूप च्ंबकीय क्षेत्र बनाती है, और उसकी रेखाएँ और क्षेत्र एकदम सरल समानांतर सीधी रेखाएँ हैं.

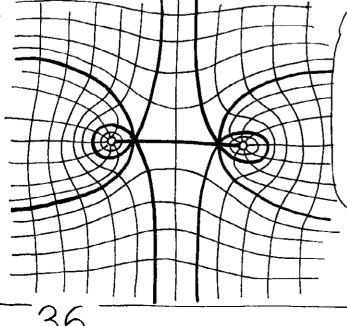


लेकिन अगर मैं इस फील्ड में एक कुंडली (coil) डालूं तो वो केंद्र में विपरीत दिशा में एक और फील्ड बनाएगी.

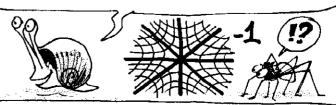


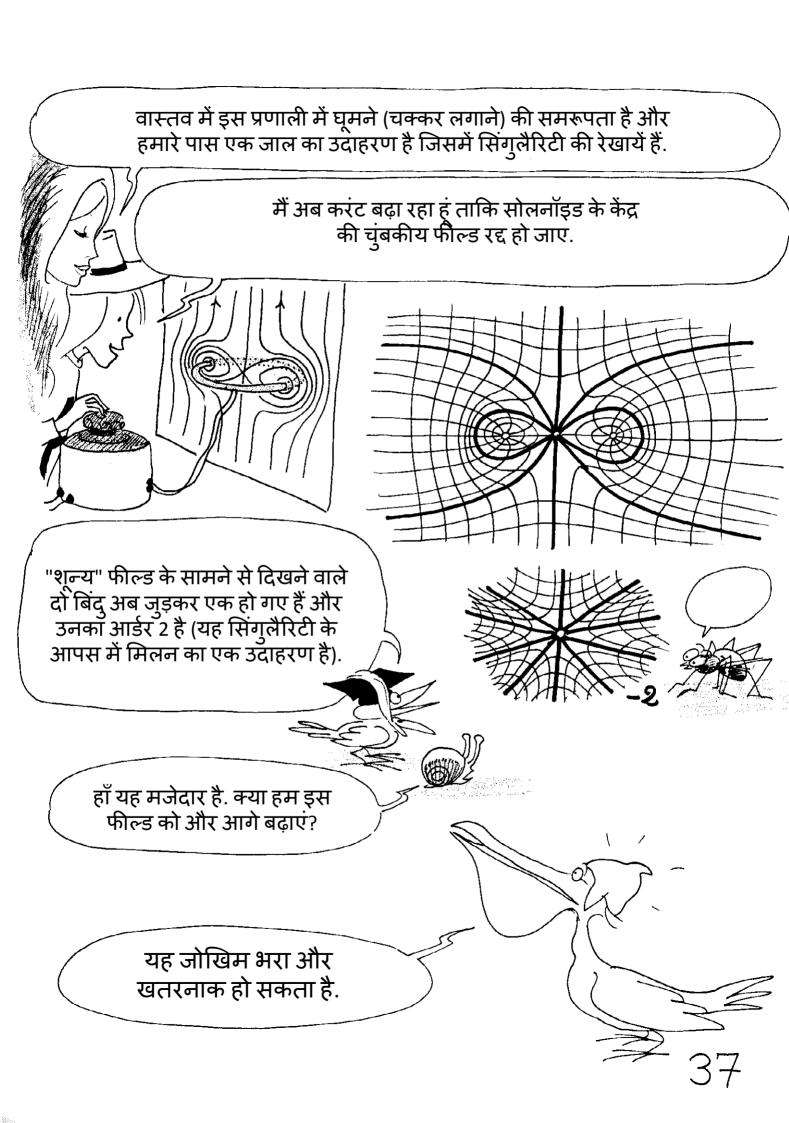
यहां फील्ड, केंद्र में कमजोर हो सकती है.

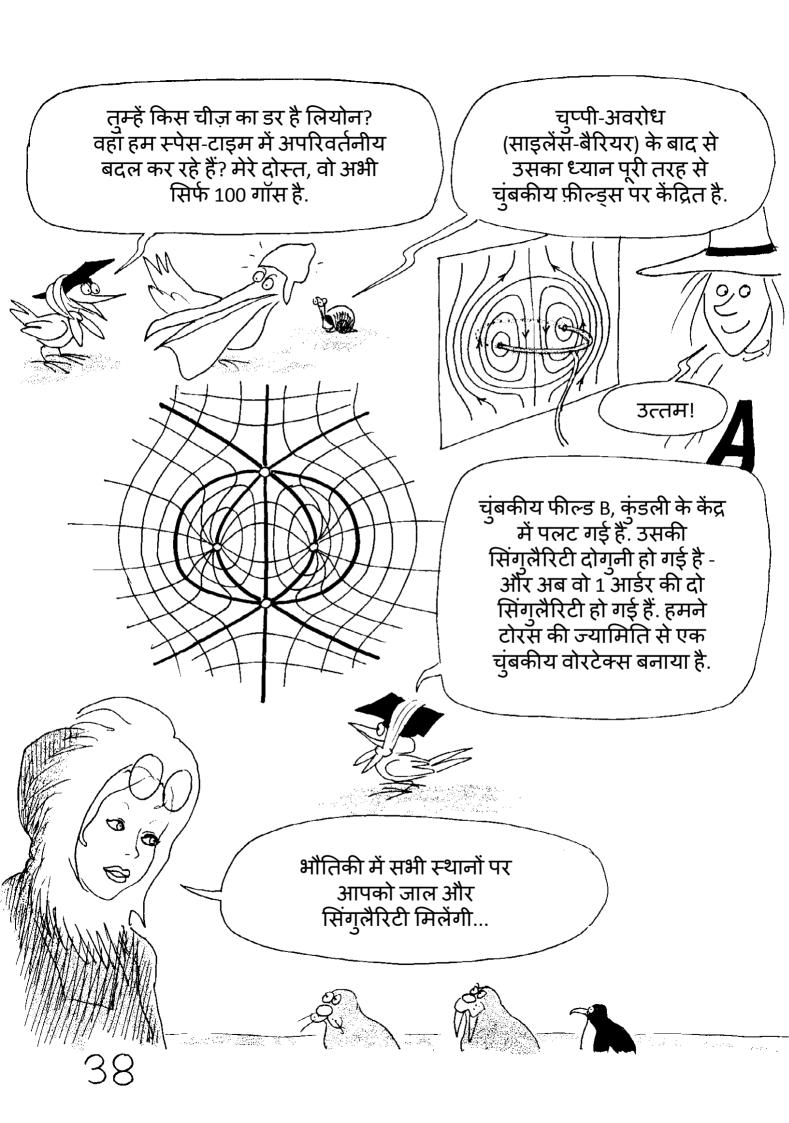
. संपर्क करें!



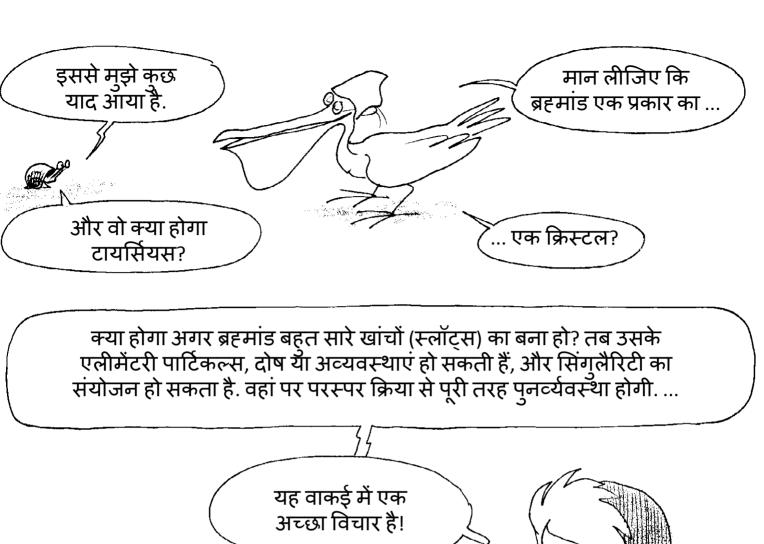
ओह! आपने दो ध्रुव बनाये हैं (सोलेनोइंड के निशान चित्र 1 में सामने से देखें) और दो सिंग्लैरिटी 1 आर्डर की हैं. उनका योग शून्य होगा. नकारात्मक सिंग्लैरिटी तब दिखाई देती हैं जहां B फील्ड रद्द होती है.

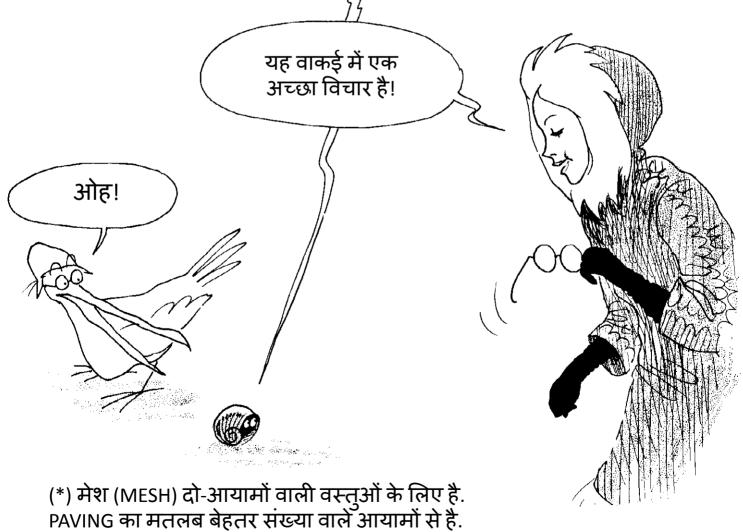






स्फटिक (CRYSTALS) तो सिंगुलैरिटी की खान हैं. इस स्फटिक के वर्ग जाल में हम एक तत्व को निकालकर एक दोष पैदा करते हैं. इससे एक छेद बनेगा जिसमें 1/2 की एक सिंगुलैरिटी और 1/4 की दो सिंगुलैरिटी होंगी. एक काटने वाली गति, ग्रिड की पुनर्व्यवस्था का कारण होगी, जिसके लिए 1/4 ऑर्डर की दो सिंगुलैरिटी और ऑर्डर -1/4 की दो सिंगुलैरिटी चाहिए होंगी. मैंने एक टाइल हटा दी है. अरे!





इसके बाद की कहानी जीवंत कार्टून्स के आधार पर सुनाई जाएगी, जिन्हें A, B, C और D अक्षरों से दर्शाया जाएगा.

- प्रबंधन.

A

एक मोबियस-स्ट्रिप का एक बॉय-सरफेस (सतह) में परिवर्तन।

बॉय-सरफेस (सतह)

अभी तक हमने मज़ा किया है, लेकिन इस बीच बेचारा अमुंडसेन अभी भी परेशानी में फंसा है ... और हमें अभी तक इस ग्रह के बारे में कुछ भी नहीं पता है जिसका कोई दक्षिणी धुव ही नहीं है.



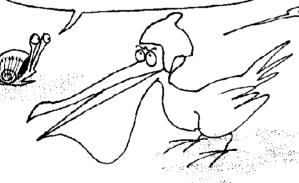
ठीक इसी प्रकार - वक्र-

किनार (CURVE-

EDGE) और ऑटो-

जोड़ों की ट्कड़ी)

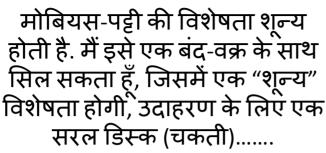
एंटी-पोडल बिंदुओं का संयोजन





लेकिन प्रतीक्षा करें ... क्योंकि वहाँ केवल एक ही ध्रुव होगा, जिसकी औईलर-पोइनकेयर विशेषता 1 होनी चाहिए. पर यह सब एकतरफा लगता है ... D

समय के पलटने का आभास होना



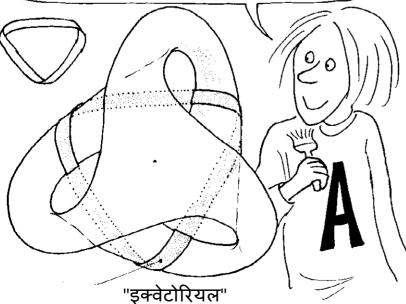


इस संयोजन में एकात्मक विशेषता होगी और उसकी बंद एक-तरफा सतह होगी. लेकिन उसे सिलने की बजाय, हम कुछ ट्रांसवरसाइन का उपयोग क्यों न करें?



X=1

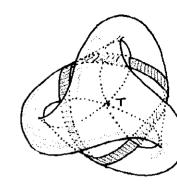
मोबियस-पट्टी को एक "बॉय" में मोड़ने के क्रम को, चित्र A और B में देखा जा सकता है. यह रही अंतिम वस्तु :



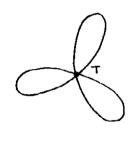
यहाँ पर बॉय-सरफेस की सामानांतर-रेखाएं हैं. यह मोबियस-पट्टी की किनार का विकास भी है जो A के अनुरूप है.

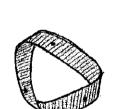


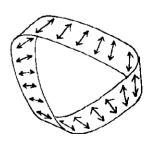
"इक्वेटीरियल" (भू-मध्यरेखा) पट्टी यह बुनाई का काम है, लियोन. हमें बस मोबियस-पट्टी की "मेरिडियन" (देशांतर-रेखाओं) को लम्बा करना होगा ताकि वे टोकरी, या पोल (ध्रुव) के नीचे आ सकें.



बॉय-सतह, शुरुवाती मोबियस-पट्टी के साथ







दूसरे शब्दों में आपको 🔏 "टोकरी के नीचे" मोबियस मेरिडियन की मुक्त पट्टियों को टोकरी के नीचे वाली पट्टियों के साथ बांधना होगा. मेरिडियन के पड़ोसी, आधे मोड़ वाली मोबियस-स्ट्रिप्स होंगी.

"मेरिडियन" और "सामानांतर-रेखाओं" वाले बॉय-सरफेस मॉडल की कल्पना सबसे पहले इस पुस्तक के लेखक ने की थी. बाद में मैक्स साउज नामक मूर्तिकार ने उसका एक ठोस मॉडल बनाया जिसे पैलेस ऑफ़ डिस्कवरी, पेरिस, फ्रांस के "पाई-रूम" में देखा जा सकता है.

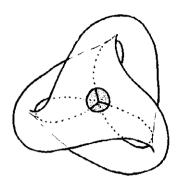
- प्रबंधन



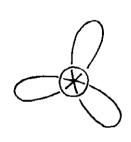
एक बात निश्चित है: यह ग्रह एक "बॉय-सतह" है और उसका केवल एक ही ध्व है.

ठीक है, मैं निश्चित रूप से बेचारे





मोबियस-पट्टी एक गोल किनार के साथ.



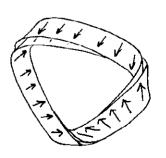
वो अभी भी गहरे सदमे में है.

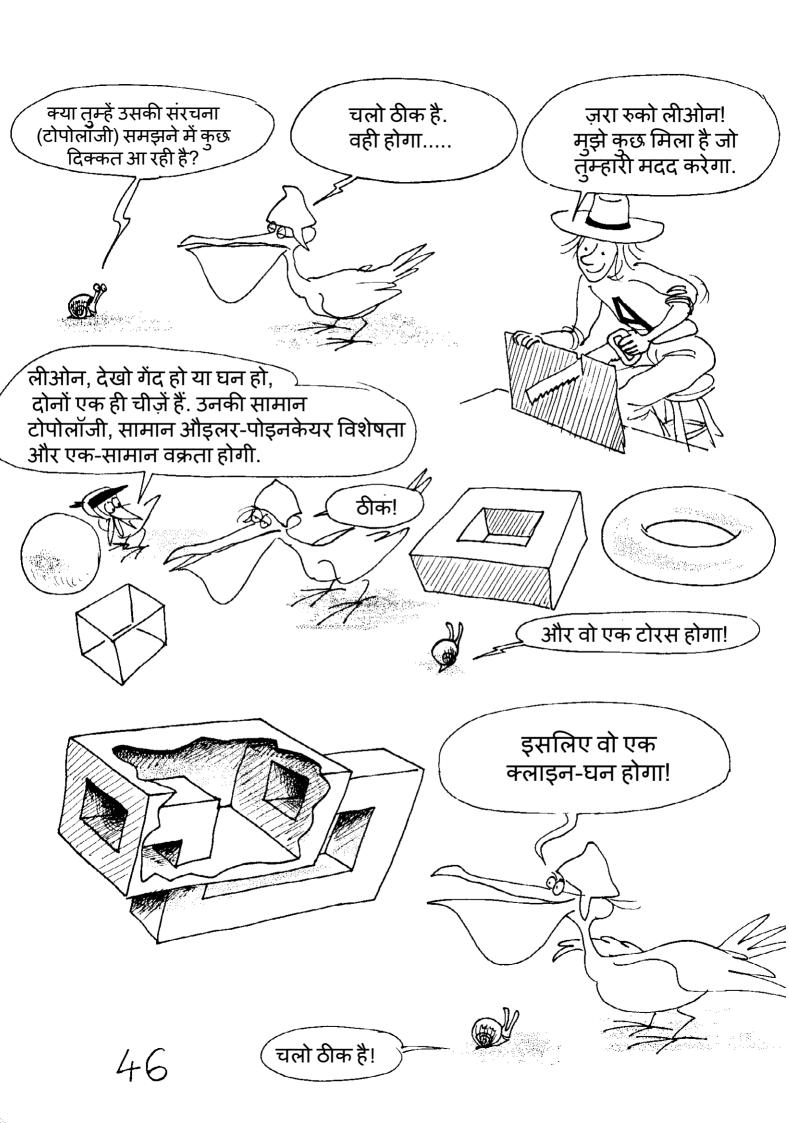
बॉय-क्यूब (घन)

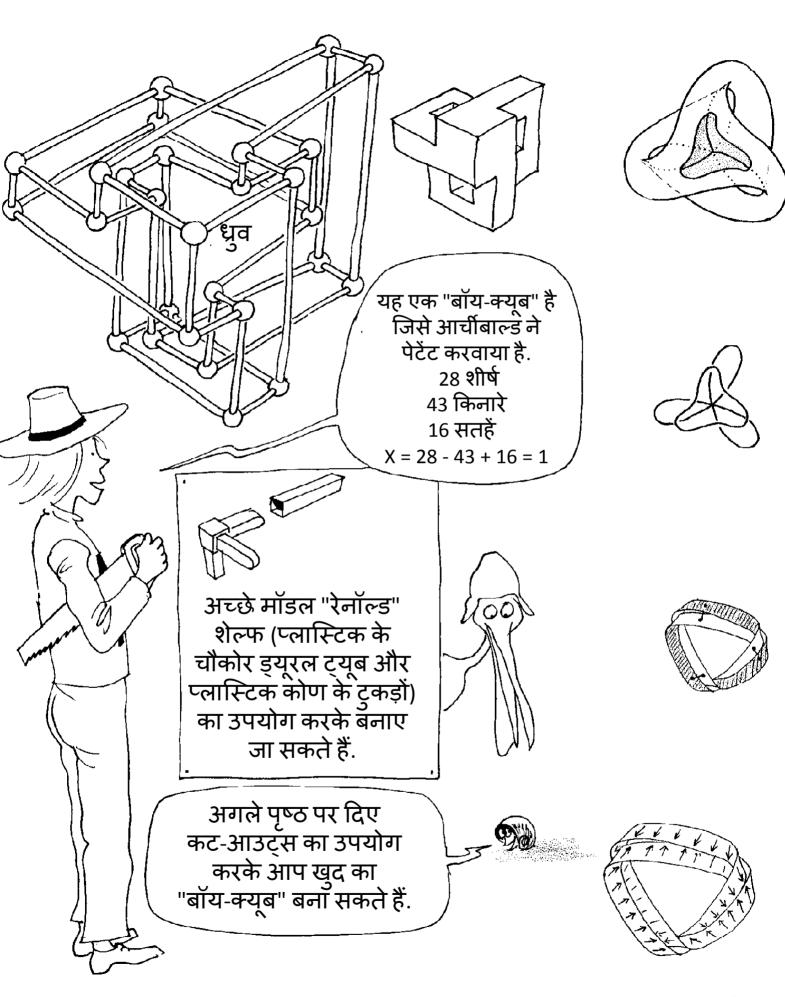


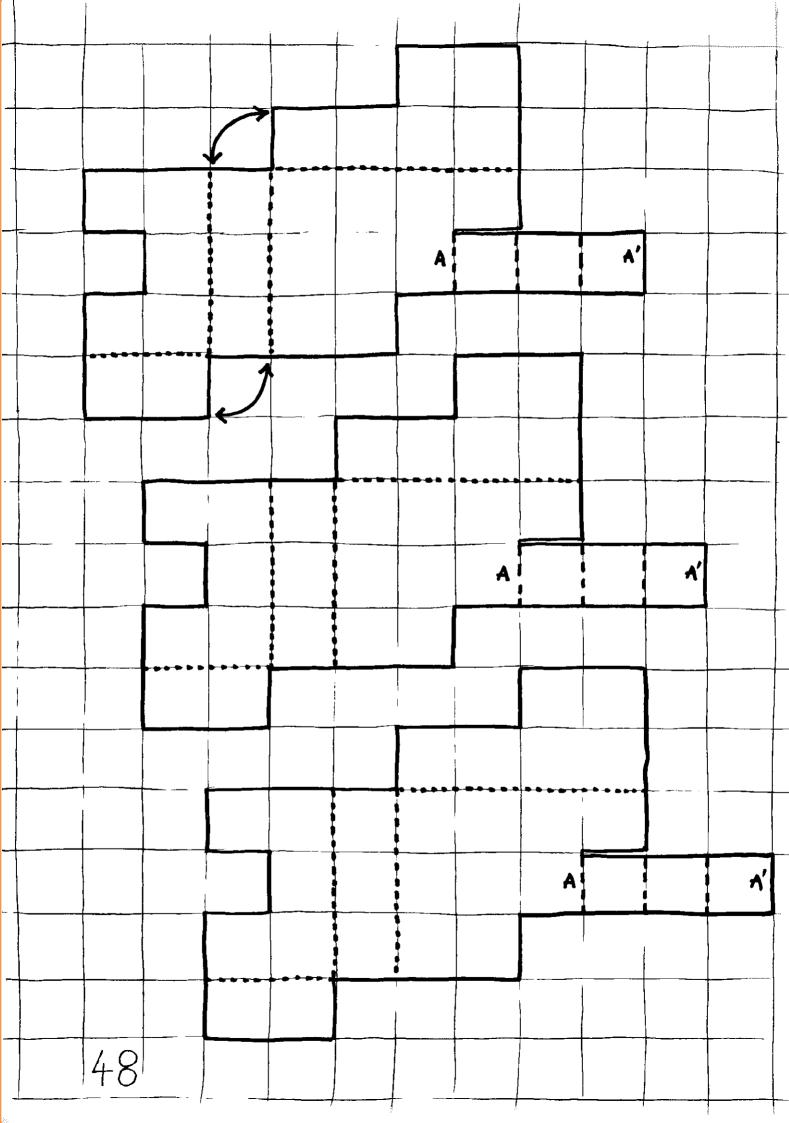
मैं आपको थोड़ा पागल लगूं, लेकिन मुझे यह स्वीकार करना चाहिए किं विभिन्न चित्रों, क्रॉस-सेक्शन आदि के बावजूद मुझे अभी भी "बॉय-सतह" समझ में नहीं आई है....

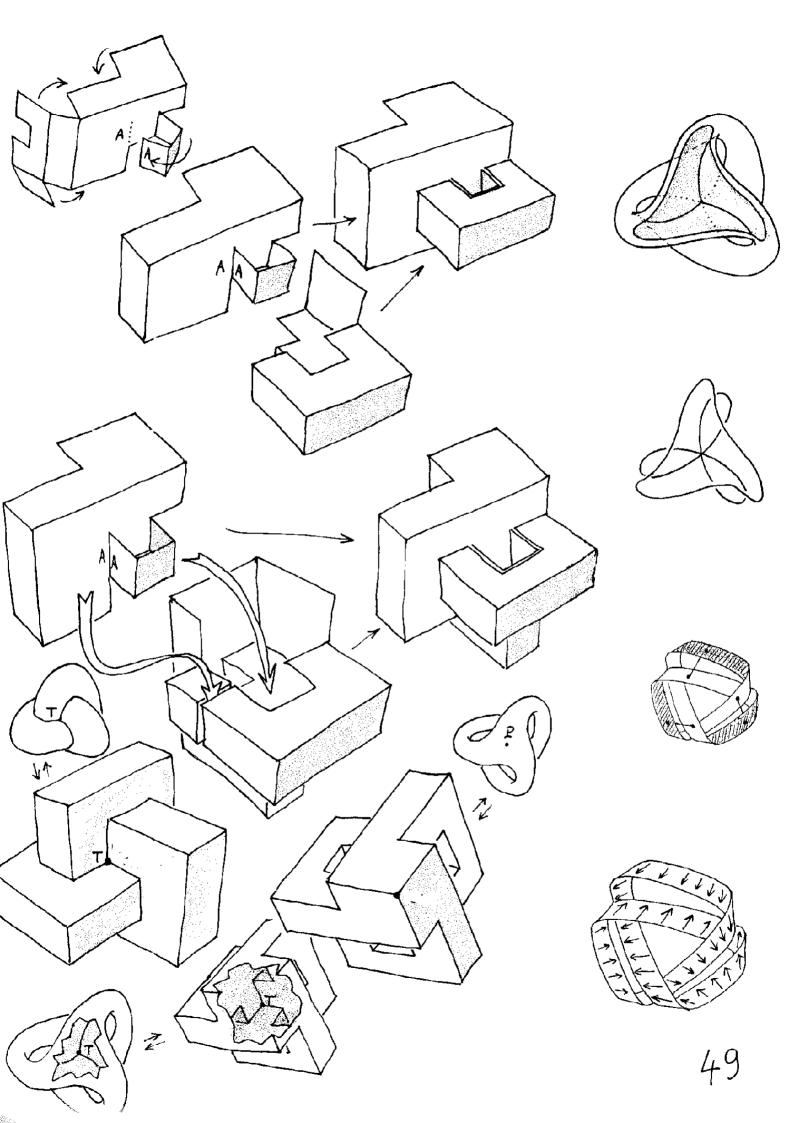








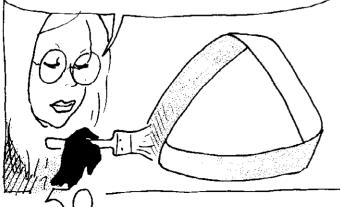




आवरण (COVERINGS)

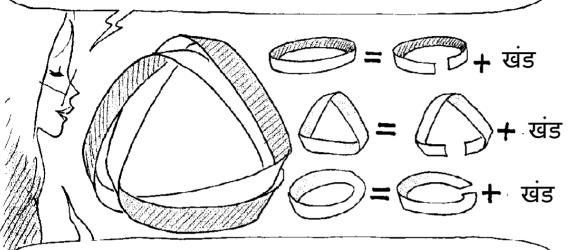


असल में यह आसान है. एक मोबियस-पट्टी लें और उसकी अनूठी सतह को पेन्ट से कवर करें, फिर उसके बाद पट्टी को हटा दें ...



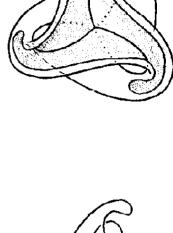


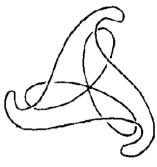
यह नई पट्टी, खुद पर बंद हुई और उसके दो चेहरे थे . क्योंकि वो एक मोबियस-पट्टी के संपर्क में थी. आप चित्रों में उसके अन्क्रम देख सकते हैं.

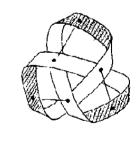


उसकी और मोबियस-पट्टी, दोनों की विशेषता "शून्य" होगी.

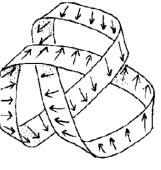
देखो, ... अगर मैं क्लाइन-बोतल को उसके एक अनुठे चेहरे पर काले रंग से पेंट करता हूं, और फिर पेंट करने के बादे बोतल को हटा लेता हूँ जिससे सिर्फ पेन्ट बचे. तो फिर मुझे एक बंद (क्लोज्ड), नियमित सतह मिलेगी जिसकी औईलर-पॉइनकेयर विशेषता और 2 x 0 = 0 (शून्य) होगी.







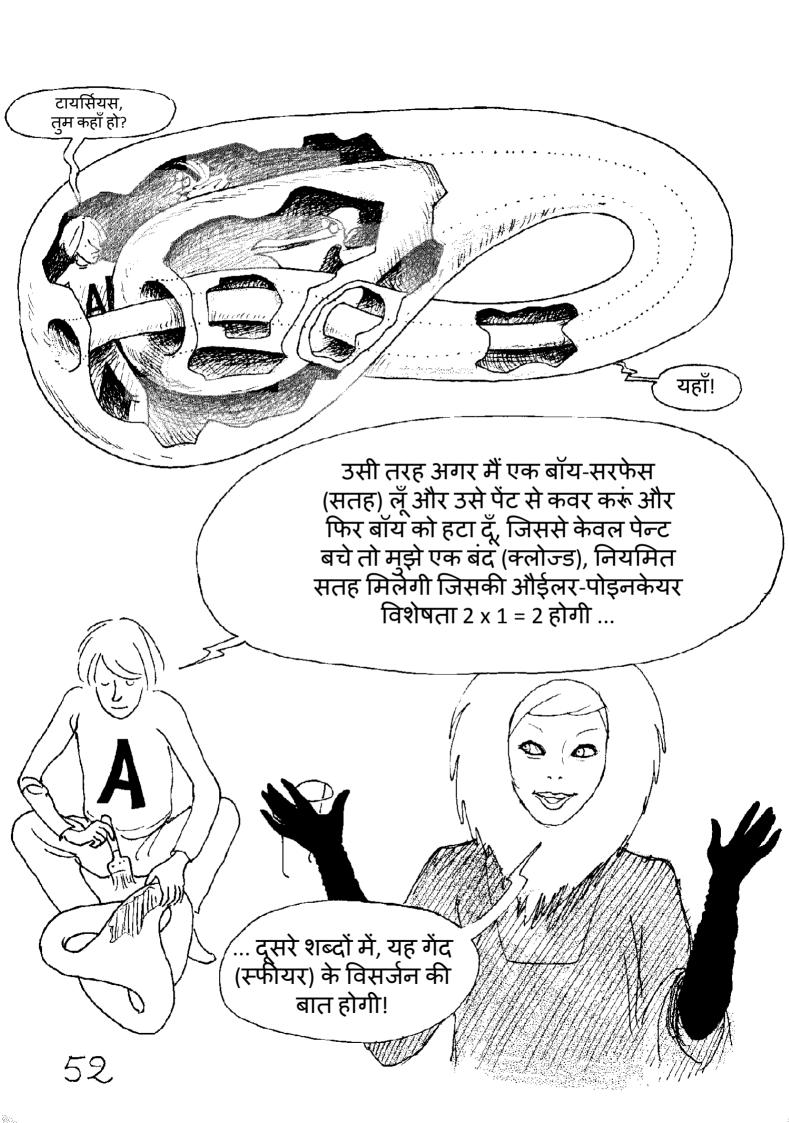




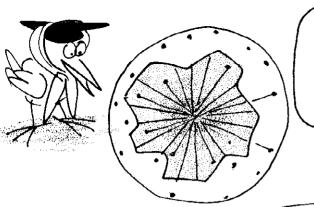




हम इसे टोरस का







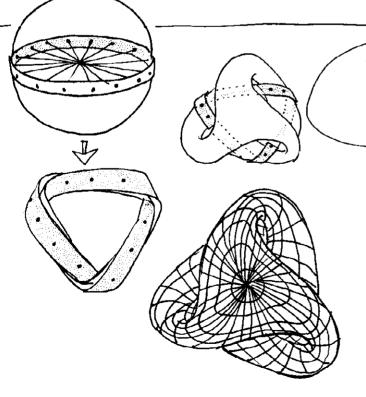
हम गेंद (स्फीयर) के हर बिंदु को उसके एंटीपोड से जोड़ेंगे श्रीन्कासोल (SHRINKASOL) में भिगोए गए धागों से.



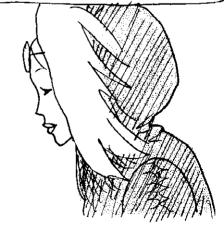
ये धागे इतने सिकुड़ जायेंगे कि उनकी लंबाई शून्य हो जाएगी, जबिक गोले की सतह स्थिर रहेगी. हम प्रत्येक बिंदु को उसके एंटीपोड के साथ जोड़ेंगे.

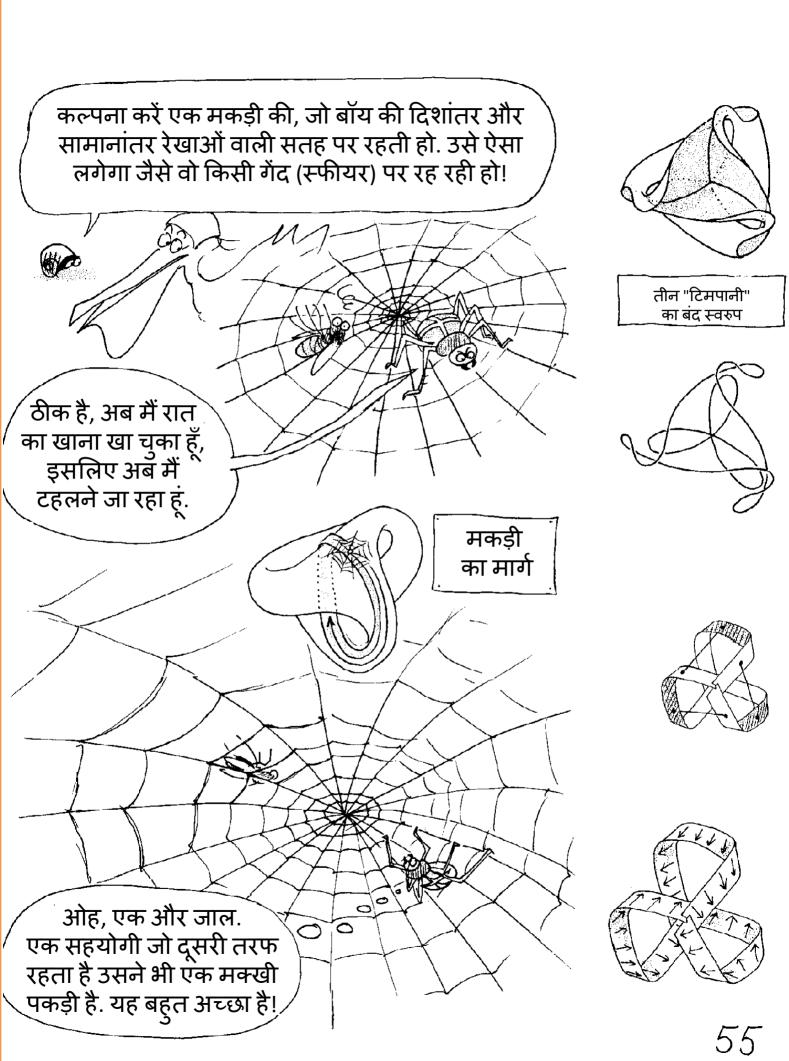
लेकिन आप देखेंगे कि एक अन्य चित्र-पुस्तक गेंद (स्फीयर) को अंदर-बाहर मोड़ने के लिए समर्पित है. इस बीच, 'फिल्म-स्ट्रिप' G में छवियों की शृंखला दिखाती है कि कैसे गेंद की भू-मध्यरेखा खुद अपने आप पर मुड़कर बाँय की भू-मध्यरेखा बन जाती है. फिर उत्तरी-धुव जाहिर है, दक्षिण-धुव के बगल में ही चिपका होगा.

-प्रबंधन



गेंद (स्फीयर) की सभी दिशांतर और सामानांतर रेखाएं एक-दूसरे को कवर करती हैं.











अन्य विषयों की तरह ही है, विज्ञान में कभी-कभी आपको बहुत गहराई तक खुदाई नहीं करनी चाहिए ...

> ... प्रत्येक पोल (ध्रुव) की अपनी-अपनी जगह है और दरवाजे अच्छी तरह से बंद हैं.



इतना ही नहीं बल्कि अगर हम उत्तरी-धुव के नीचे खोदते हैं तो शायद हमें कुछ बुरा आश्चर्य मिले.

और हो सकता है कि यहां उपस्थित कोई व्यक्ति उससे बह्त परेशान हो.



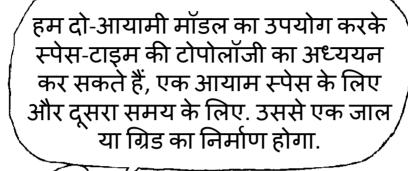
दर्पण की स्टेज (चरण)

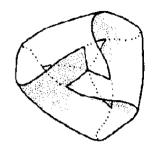


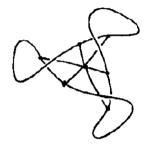


ि(*) आप इस तरह का दर्पण किसी भी पुरानी क्लाइन-बोतल से बना सकते हैं.

कहीं वो खतरनाक तो नहीं होगा? मुझे नहीं पता..... इस प्रकार के तार्किक-विरोधाभास से कहीं ब्रह्मांड ही न गायब हो जाये (*)

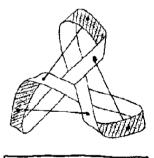






पागल हुआ स्पेस-टाइम

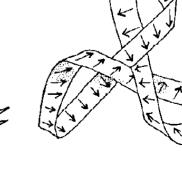
हम स्पेस-टाइम की टोपोलॉजी का अध्ययन दो-आयामी मॉडल्स से कर सकते हैं. इसमें एक स्पेस और दूसरा आयाम समय के लिए होगा.



"ट्रिपल" बिंद्

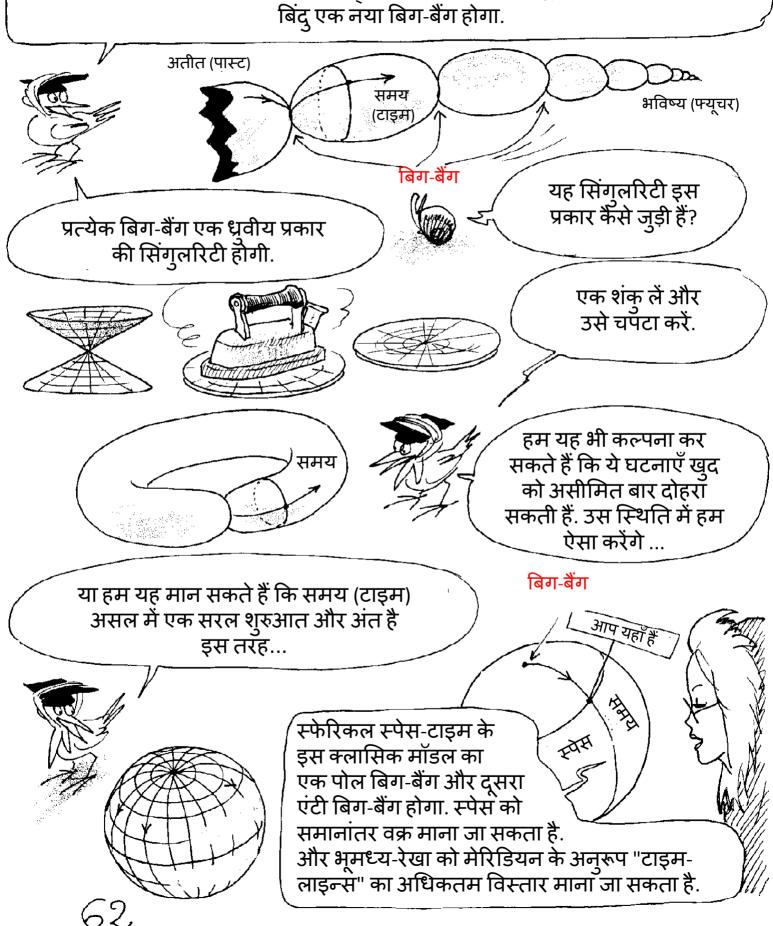






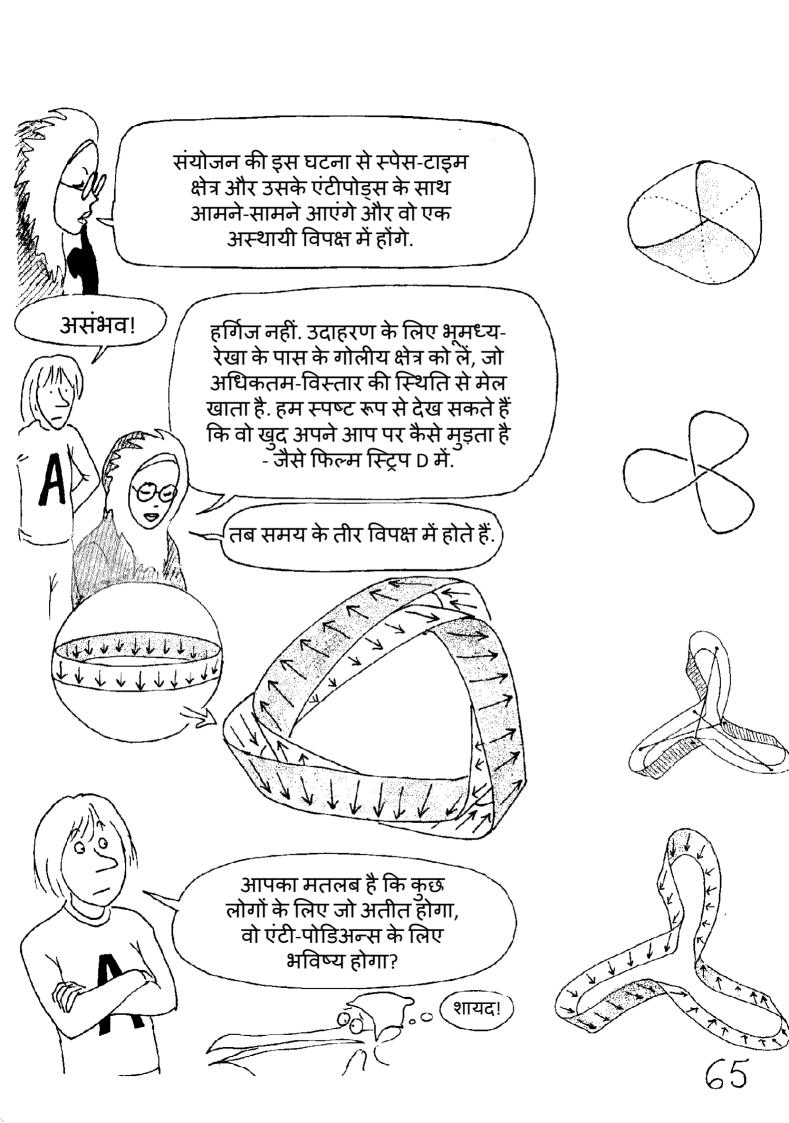
(*) किसी ने भी ऐसा पहले कभी करके नहीं देखा है.

हमने बिग-बैंग के सिद्धांत में देखा कि फ्रीडमैन के साइक्लिक ब्रह्माण्ड के मॉडल को, सॉसेज की एक अनंत लड़ी की छवि द्वारा दर्शाया जा सकता है, जिसमें प्रत्येक बंधा बिंदु एक नया बिग-बैंग होगा.





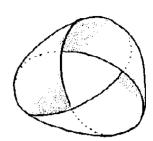








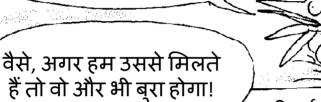
लेकिन ज़रा रुकिए, अगर टायर्सियस हमारे लिए समय उल्टा (रेट्रोक्रोनिक) हो गया है और अगर हम उससे संपर्क कर पाते हैं, तो हम क्या कहने जा रहे हैं यह उसे पहले ही पता चल जाएगा.



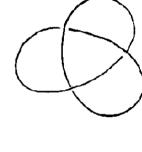
इससे भी बदतर होगा अगर वो अपने सही समय में, इस संदेश को प्रसारित कर रहा होगा!!

हैं तो वो और भी ब्रा होगा!

अरे! बाप रे!



रिचर्ड फ़ाईनमैन के अनुसार एंटी-मैटर, उलटे समय में



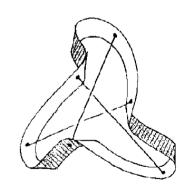


अगर हमें टायर्सियस से

रहता है!

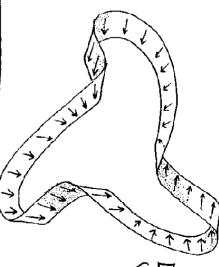


और अब्बे लेमैटरे (*) के सोच के अनसार एंटी-मैटर का मतलब था मैटर (पदार्थ) को पीछे से आगे की ओर देखना.

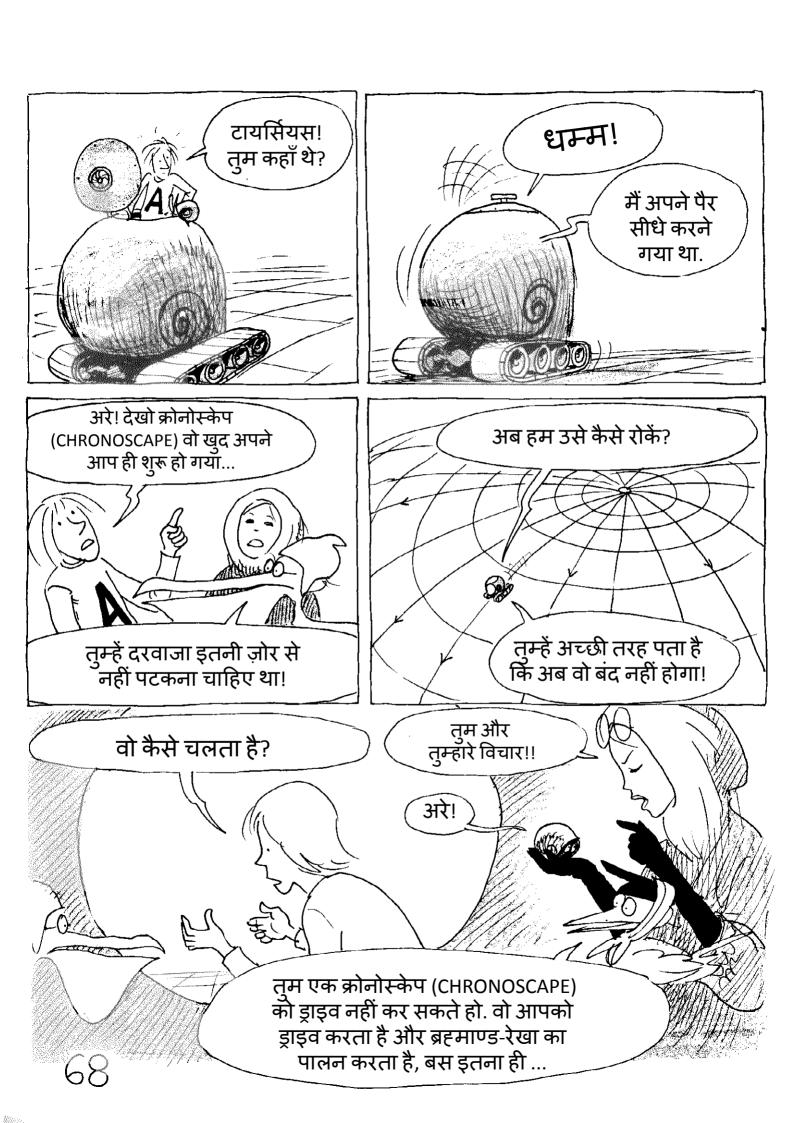


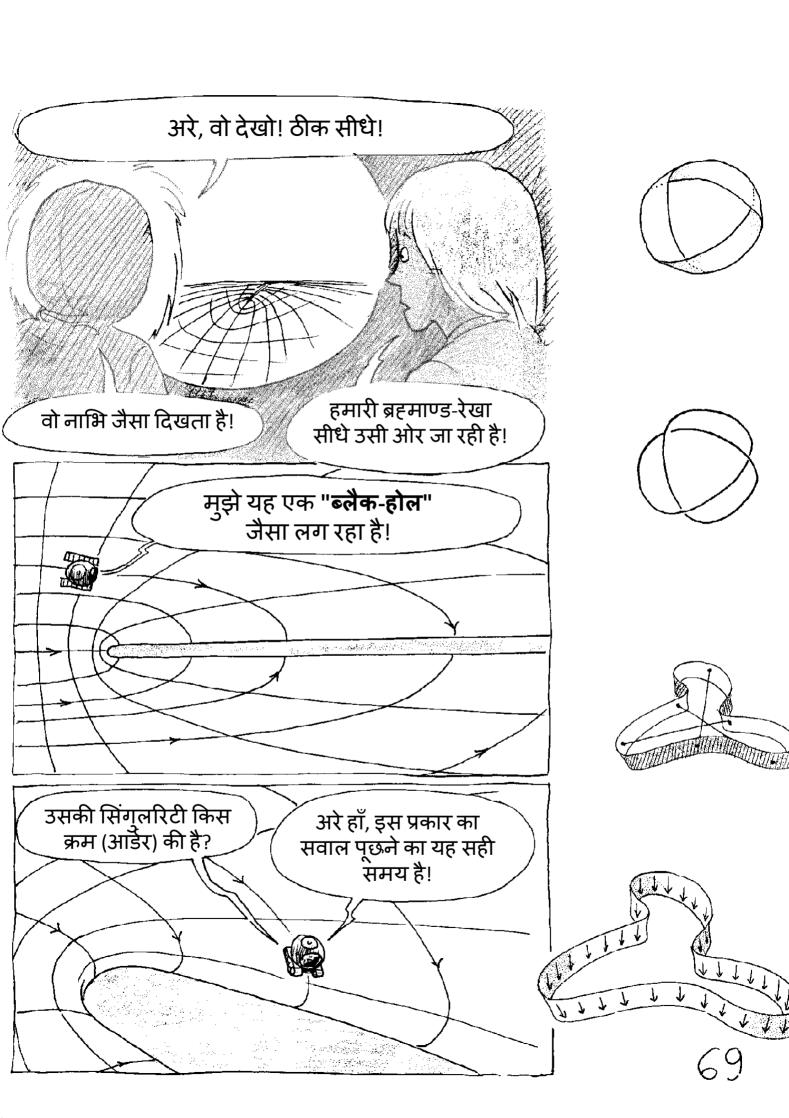


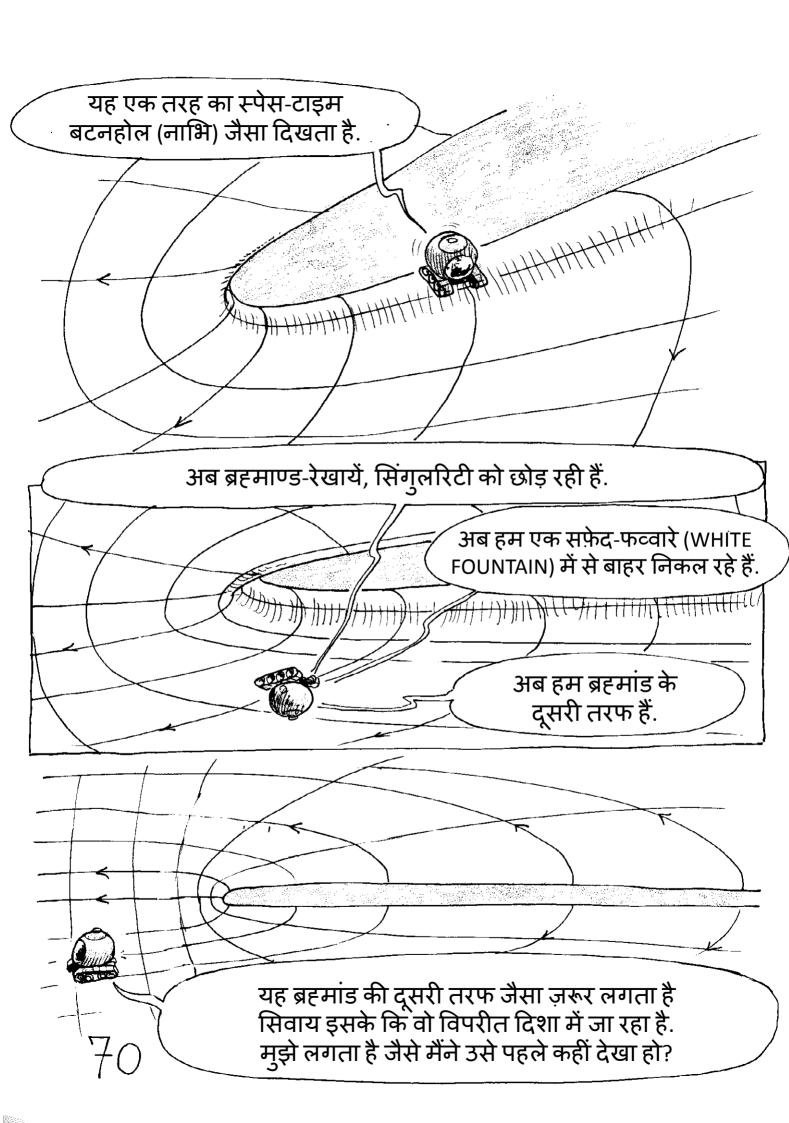


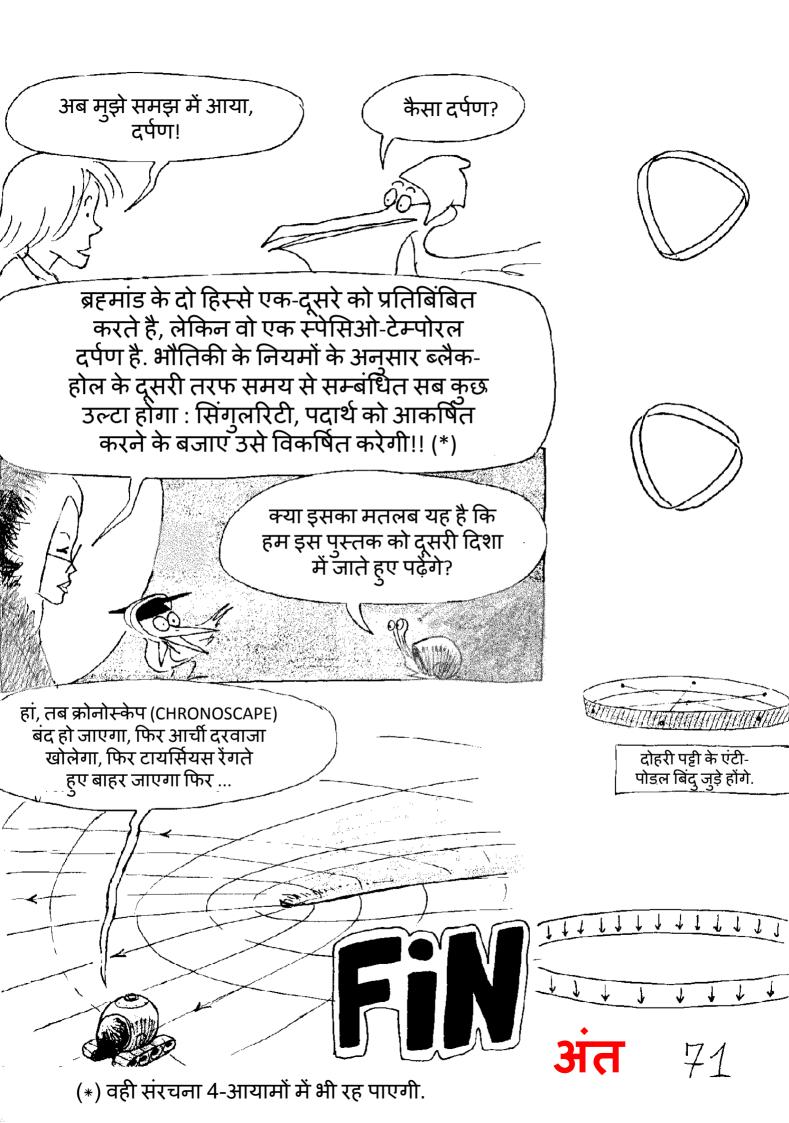


(*) बिग-बैंग देखें









वैज्ञानिक पूरक-अंश

बॉय, हिल्बर्ट के एक शिष्य, ने 1902 में बॉय-सतह की खोज की. उसका पहला विश्लेषण 1921 में गणितज्ञ जे. एम. सौरियौ के बेटे, जेरोम सौरियौ और इस प्स्तक के लेखक ने किया. एक अर्ध-प्रयोगसिद्ध विधि के उपयोग दवारा सतह की मेरिडियन, दीर्घवृत्त (एलिप्स) से ज्ड़ती है. वर्तमान बिंद् इस प्रकार ज्ञात किया जा सकता है:

$$\begin{cases} \chi = \chi_{1} \cos \mu - Z_{1} \sin \lambda \sin \mu \\ y = \chi_{1} \sin \mu + Z_{1} \sin \lambda \cos \mu \end{cases} \begin{cases} \chi_{1} = \frac{A^{2} - B^{2}}{\sqrt{A^{2} + B^{2}}} + A \cos \theta - B \sin \theta \\ Z_{1} = \sqrt{A^{2} + B^{2}} + A \cos \theta + B \sin \theta \end{cases}$$

$$\chi = \frac{\pi}{8} \sin 3\mu \quad \left(A(\mu) = 10 + 1,41 \sin \left(6\mu - \frac{\pi}{3} \right) + 1,98 \sin \left(3\mu - \frac{\pi}{6} \right) \right)$$

$$B(\mu) = 10 + 1,41 \sin \left(6\mu - \frac{\pi}{3} \right) - 1,98 \sin \left(3\mu - \frac{\pi}{6} \right)$$

```
1 REM TRACE MERIDIENS DE LA SURFACE DE BOY
3 HOME : TEXT
50 PI = 3.141592:P3 = PI / 3:P6 = PI / 8:P8 = PI / 8
60 HGR : HCOLOR= 3
90 FOR MU = 0 TO PI STEP 0.1
95 P = P + 1
100 D = 34 + 4.794 * SIN (6 * MU - P3)
110 E = 6.732 * SIN (3 * MU - P6)
120 A = D + E:B = D - E
130 \text{ SA} = \text{SIN} (P8 * \text{SIN} (3 * \text{MU}))
                                                                                 अर्ध-प्रयोगसिद्ध
140 C2 = SQR (A * A + B * B):C3 = (4 * D * E) / C2
160 \text{ CM} = \text{COS (MU):SM} = \text{SIN (MU)}
180 FOR TE = 0 TO 6.288 STEP .06
                                                           चौंकाने वाला!
190 TC = A * COS (TE):TS = B * SIN (TE)
200 \text{ Xl} = C3 + TC - TS
210 \ Z1 = C2 + TC + TS
250 REM VOICI LES 3 COORDONNEES
300 X = X1 * CM - Z1 * SA * SM
310 Y = X1 * SM + 21 * SA * CM
350 REM PROGRAMME DE DESSIN
360 HPLOT 130 + x,80 + y
400 NEXT TE: NEXT MU
```

